

**Содержание**

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  |  | стр. |
|  |  |  |
|  | Пояснительная записка | 4 |
|  | Цели и задачи дисциплины (модуля) | 5 |
|  | Объём дисциплины (модуля) по видам учебной работы | 7 |
|  | Содержание дисциплины (модуля) | 7 |
|  | Самостоятельная работа обучающихся | 15 |
|  | Учебно-методическое обеспечение дисциплины (модуля) | 16 |
|  | Образовательные технологии | 19 |
|  | Методические рекомендации по дисциплине (модулю) |  |
|  | Обеспечение образовательного процесса для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов | 24 |
|  | Материально-техническое обеспечение дисциплины (модуля) | 25 |
|  | Лист регистрации изменений | 26 |

**Пояснительная записка**

Рабочая программа дисциплины (модуля) составлена в соответствии с требованиями ФГОС ВО по направлению подготовки 44.03.01 Педагогическое образование (квалификация (степень) «Бакалавр»*,* направленность (профиль, специализация, программа магистратуры) Автоматизированные системы обработки информации и управления.

Дисциплина (модуль) «Алгебра и теория чисел» относится к обязательной части блока дисциплин учебного плана.

Для освоения дисциплины (модуля) необходимы знания, умения и владения, сформированные в ходе изучения алгебры, начала математического анализа и геометрии в школьном курсе математики*.*

**I семестр**

Трудоемкость дисциплины:5 з.е./180 ч.

контактная работа:

занятия лекционного типа – 34 ч.,

занятия семинарского типа ( практические занятия) – 34 ч.,

иная контактная работа – 0,3 ч.,

контролируемая письменная работа – 0 ч.,

СР – ­­67 ч.,

контроль – 44,7

**II семестр**

Трудоемкость дисциплины:4 з.е./144 ч.

контактная работа:

занятия лекционного типа – 12 ч.,

занятия семинарского типа ( практические занятия) – 24 ч.,

иная контактная работа – 0,3 ч.,

контролируемая письменная работа – 0 ч.,

СР – ­­45 ч.,

контроль – 62,7

**III семестр**

Трудоемкость дисциплины:3 з.е./108 ч.

контактная работа:

занятия лекционного типа – 26 ч.,

занятия семинарского типа (практические занятия) – 26 ч.,

иная контактная работа – 0,55 ч.,

контролируемая письменная работа – 0 ч.,

СР – 19,75­­ ч.,

контроль – 35,7

Ключевые слова: метод математической индукции; матрицы; определитель; ранг матрицы; система линейных уравнений; алгебраические структуры; кольцо целых чисел; комплексные числа; делимость, линейные пространства, базис и размерность линейного пространства, линейные отображения, линейные функционалы, линейные операторы, Евклидовы и унитарные пространства, ортогональные матрицы, квадратичные формы.

**Цели и задачи дисциплины (модуля).**

Цель освоения дисциплины – формирование у студентов знаний о математических методах линейной алгебры и теории чисел, применяемых для решения теоретических и практических задач; развитие навыков математического исследования прикладных вопросов и умения перевести задачу на математический язык, способности математического описания, анализа и оценки проблем и процессов в области профессиональной деятельности.

Освоение дисциплины предполагает следующие задачи:

- изучение основных понятий и методов линейной алгебры и теории чисел, способов решения теоретических и практических задач методами линейной и векторной алгебры и теории чисел, формирование знаний, умений и навыков для успешного освоения базовых и профессиональных дисциплин;

- развитие умений самостоятельно решать задачи по курсу линейной и векторной алгебры и теории чисел теоретического и практического содержания, анализировать результаты решения, проводить интерпретацию математических моделей, построенных с помощью аппаратов линейной алгебры и теории чисел;

- формирование навыков математического подхода к анализу и решению практических задач.

Таблица 1. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с индикаторами достижения компетенций

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| **Компетенция**  (код и наименование) | **Индикаторы достижения компетенций**  (код и наименование) | **Результаты обучения** |
| *ПК-1* Способен демонстрировать базовые знания математических и естественных наук, программирования и информационных технологий | *ПК-1.1.*  *Обладает базовыми знаниями, полученными в области математических и (или) естественных наук, программирования и информационных технологий* | *Знает:* - фундаментальные (базовые) понятия и методы линейной и векторной алгебры и теории чисел;  - определители, их свойства и способы вычисления;  - матрицы, их виды и операции над матрицами;  - системы линейных уравнений, их виды, исследование систем и методы решения;  -алгебраические структуры;  - многочлены от одной переменной;  - линейные пространства, их преобразования;  - базис и размерность линейных пространств;  - линейные отображения;  - линейные операторы;  - ортогональные матрицы;  - квадратичные формы. |
| *ПК-1.2.*  *Умеет находить, формулировать и решать стандартные задачи в собственной научно-исследовательской деятельности в области программирования и информационных технологий* | *Умеет:* использовать аппарат линейной и векторной алгебры и теории чисел для решения теоретических и практических задач связанных:  - с вычислением определителей любого порядка;  - с применением операций над матрицами;  - с решением систем линейных уравнений;  - с применением делимости целых чисел;  - с применением теории многочленов;  - с представлением процессов в виде линейной или квадратичной зависимости и исследование их методами аналитической геометрии двумерного и трехмерного пространств. |
| *ПК-1.3.*  *Имеет практический опыт научно-исследовательской деятельности в области программирования и информационных технологий* | *Имеет навыки:* решения задач методами алгебры и теории чисел. |

**2. Объем дисциплины (модуля) по видам учебной работы.**

### Таблица 2. Объем дисциплины (модуля) общая трудоемкость: 12 з.е. / 432 ч.

Форма обучения очная

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Виды учебной работы | Всего  часов | Распределение  по семестрам в часах | | | |
| I | II | III | … |
| Общая трудоемкость дисциплины | 432 | 180 | 144 | 108 |  |
| Контактная работа: | 157,15 | 44,3 | 42,55 | 70,3 |  |
| занятия лекционного типа | 72 | 34 | 12 | 26 |  |
| занятия семинарского типа  (семинары) | 84 | 34 | 24 | 26 |  |
| иная контактная работа | 1,15 | 0,3 | 0,3 | 0,55 |  |
| контролируемая письменная работа | 0 | 0 | 0 | 0 |  |
| контроль | 143,1 | 44,7 | 62,7 | 35,7 |  |
| Самостоятельная работа (СР) | 131,75 | 67 | 45 | 19,75 |  |
| Курсовая работа (проект) | - | - | - | - |  |
| Вид промежуточного контроля (зачет, экзамен, диф. зачет) | экзамен | экзамен | экзамен/зачет | экзамен |  |

1. **Содержание дисциплины (модуля).**

### Таблица 3. Распределение часов по темам и видам учебной работы

Форма обучения очная

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Номер  раздела | Наименование разделов  и тем дисциплины (модуля) |  | Объем в часах | | | | | | |
| Всего | | Л | ПЗ | ИКР | КСР | К | СРС |
| 1. | **Модуль 1**  Элементарная теория чисел.  1.1. Исторический обзор развития теории чисел. Современная теория чисел и компьютерные науки.  1.2. Делимость. Свойства делимости. Теорема о делении с остатком.  1.3. Наибольший общий делитель. Алгоритм Евклида. Теорема о линейном представлении НОД.  1.4. Взаимно-простые числа. Свойства взаимно-простых чисел.  1.5. Принцип математической индукции. Метод математической индукции.  1.6. Основная теорема арифметики. Каноническая запись натурального числа. Формулы НОД и НОК.  1.7. Простые числа. Теорема Евклида. Решето Эратосфена.  1.8. Системы счисления.  1.9. Дерево Штерна - Броко. Ряды Фарея.  1.10. Сравнения. Свойства сравнений. Китайская теорема об остатках.  Элементы комбинаторики.  1.11. Сочетания. Свойства сочетаний. Треугольник Паскаля. Биноминальная формула Ньютона.  1.12. Перестановки. Размещения. | 57,1 | | 10 | 10 | 0,1 | 0 | 14 | 0 |
| 2. | **Модуль 2**  Матрицы.  2.1. Терминология. Обозначения.  2.2. Сложение матриц. Умножение матрицы на число. Свойства операций сложения матриц и умножения матрицы на число.  2.3. Знак суммирования и его свойства.  2.4. Произведение матриц и его свойства. Обратимые матрицы.  2.5. Транспонирование матриц и его свойства.  2.6. Элементарные преобразования матриц. Приведение матрицы к ступенчатому виду.  2.7. Элементарные матрицы. Связь между элементарными преобразованиями и элементарными матрицами.  Определители.  2.8. Определители. Свойства определителей.  2.9. Теоремы о разложении определителя по строке и столбцу. | 62,1 | | 12 | 12 | 0,1 | 0 | 16 | 0 |
| 3. | **Модуль 3**  Ранг матрицы.  3.1. Ранг матрицы. Лемма о ранге ступенчатой матрицы. Инвариантность ранга матрицы относительно элементарных преобразований.  3.2. Разложение невырожденных матриц в произведение элементарных. Теорема об определителе произведения матриц.  Обратимые матрицы.  3.3. Обратимые матрицы. Критерии обратимости матриц.  3.4. Два метода нахождения обратной матрицы.  Системы линейных уравнений.  3.5. Системы линейных уравнений. Терминология.  3.6. Элементарные преобразования систем линейных уравнений. Приведение Системы линейных уравнений к ступенчатому виду.  3.7. Исследование системы линейных уравнений. Условия совместности, определенности, неопределенности ступенчатой системы линейных уравнений.  3.8. Критерии совместности и определенности систем линейных уравнений. Правило Крамера. | 60,8 | | 12 | 12 | 0,1 | 0 | 14,7 | 0 |
|  | *Итого за 1 семестр:* | **180** | | **34** | **34** | **0,3** | **0** | **44,7** | **0** |
| 4. | **Модуль 4**  Алгебраические структуры.  4.1. Бинарные операции. Алгебраические структуры. Ассоциативные и коммутативные бинарные операции. Нейтральный элемент. Обратимые элементы и их свойства. Гомоморфизмы алгебраических структур.  4.2. Кольца. Поля. Подкольца и подполя. Гомоморфизмы колец.  Кольцо вычетов.  4.3. Построение кольца вычетов по модулю **m.**  4.4. Полная система вычетов. Приведенная система вычетов. Теоремы Эйлера Ферма. Обратимые элементы **Zm**.  4.5. Цифровое шифрование. Криптосистема без передачи ключей. Криптосистема с открытым ключом. Криптосистема RSA.  Поле комплексных чисел.  4.6. Построение поля комплексных чисел. Основные понятия. Терминология. Обозначения.  4.7. Свойства сопряженных чисел. Свойства модуля комплексного числа.  4.8. Тригонометрическая форма комплексного числа. Геометрический смысл операций над комплексными числами. Формула Муавра.  4.9. Корни n-й степени из комплексных чисел. | 43,2 | | 4 | 8 | 0,1 | 0 | 20 | 0 |
| 5. | **Модуль 5**  Кольцо многочленов от одной переменной.  5.1. Построение кольца многочленов. Основные понятия. Терминология. Обозначения.  5.2. Теорема о делении с остатком в кольце многочленов. Теорема Безу. Схема Горнера. Свойства делимости в кольце многочленов.  5.3. Наибольший общий делитель. Алгоритм Евклида. Теорема о линейном представлений НОД. Взаимно-простые многочлены. Свойства взаимно-простых многочленов.  5.4. Корни многочленов. Теорема о числе корней многочленов. Связь между алгебраическим и функциональным равенствами многочленов. Интерполяционная формула Лагранжа.  5.5. Кратные корни многочленов. Теорема о числе корней многочлена с учетом их кратности. Теорема Виета.  5.6. Производная многочлена. Свойства производной. Формула Тейлора. Связь между кратностью корня и производной.  5.7. Приводимость многочленов. Свойства неприводимых многочленов. Разложение многочлена в произведение неприводимых.  5.8. Основная теорема алгебры. Приводимость многочленов в C[z] и R[x].  5.9. Многочлены с рациональными коэффициентами. Рациональные корни многочленов в Q[x]. Критерий Эйзенштейна.  5.10. Поле рациональных дробей | 52,2 | | 4 | 8 | 0,1 | 0 | 22 | 0 |
| 6. | **Модуль 6**  Кольцо многочленов от нескольких переменных.  6.1. Кольцо многочленов от нескольких переменных. Лексикографическое упорядочение.  6.2. Симметрические многочлены. Представление симметрического многочлена в виде многочлена от элементарных симметрических многочленов.  Элементы теории групп.  6.3. Группы. Подгруппы. Гомоморфизмы групп. Порядок элемента группы.  6.4. Подстановки. Симметрическая группа. Теорема Кэли.  6.5. Циклические группы. Подгруппы циклических групп. Классификация циклических групп.  6.6. Смежные классы. Теорема Лагранжа | 48,6 | | 4 | 8 | 0,1 | 0 | 20,7 | 0 |
|  | *Итого за I1 семестр:* | **144** | | **12** | **24** | **0,3** | **0** | **62,7** | **0** |
| 7. | **Модуль 7**  Линейные пространства.  7.1. Линейное пространство. Линейное подпространство. Линейная зависимость и независимость систем векторов  7.2. Базис и размерность линейного пространства. Изменение координат вектора при изменении базиса.  7.3. Аффинные подпространства. Пространство решений однородной СЛУ. Аффинное пространство решений СЛУ.  7.4. Сумма линейных подпространств. Формула Грассмана. Критерии прямой суммы линейных подпространств.  Линейные отображения.  7.5. Линейные отображения. Ядро и образ линейного отображения. Свойства линейных отображений. Эпиморфизмы, мономорфизмы, изоморфизмы.  7.6. Критерий изоморфности линейных пространств  7.7. Матрица линейного отображения. Изменение матрицы линейного отображения при изменении базиса. Каноническая форма матрицы линейного отображения. | 30 | | 8 | 8 | 0,15 | 0 | 12 | 0 |
| 8. | **Модуль 8**  Линейные функционалы.  8.1. Линейные функционалы. Сопряженное пространство. Дуальный базис.  Линейные операторы.  8.2. Линейные операторы. Изменение матрицы линейного оператора при изменении базиса. Подобие матриц. Свойства подобных матриц.  8.3. Невырожденные линейные операторы. Критерии не вырожденности линейного оператора.  8.4. Инвариантные пространства. Приводимые линейные операторы.  8.5. Собственные векторы и собственные значения линейного оператора. Собственные подпространства. Сумма собственных подпространств.  8.6. Диагонализируемые линейные операторы. Критерии диагонализируемости.  Жорданова нормальная форма линейного оператора.  8.7. Алгебра. Алгебра линейных операторов.  8.8. Корневые подпространства. Разложение линейного пространства в прямую сумму корневых.  Жорданова нормальная форма линейного оператора. Теорема о жордановой нормальной форме линейного оператора. | 35 | | 9 | 9 | 0,2 | 0 | 13 | 0 |
| 9. | **Модуль 9**  Евклидовы и унитарные пространства.  9.1. Скалярное произведение. Евклидовы и унитарные пространства. Неравенство Коши-Буняковского.  9.2. Ортогональность. Процесс ортогонализации Шмидта. Ортогональное дополнение.  9.3. Ортогональные матрицы и их свойства.  9.4. Матрица Грама и ее свойства.  Билинейные и квадратичные формы.  9.5. Билинейные формы. Матрица билинейной формы. Изменение матрицы билинейной формы при изменении базиса.  9.6. Квадратичные формы. Канонический вид квадратичной формы. Метод Лагранжа. Метод Якоби.  9.7. Квадратичные формы в вещественном пространстве. Закон инерции. Знакоопределенные формы. Критерий Сильвестра.  9.8. Квадратичные формы в евклидовом пространстве | 43 | | 9 | 9 | 0,2 | 0 | 10,7 | 0 |
|  | *Итого за I1I семестр:* | **108** | | **26** | **26** | **0,55** | **0** | **35,7** | **0** |
| **Итого** |  | **432** | | **72** | **84** | **1,15** | **0** | **143,1** | **0** |

1. **Самостоятельная работа обучающихся.**

Цели самостоятельной работы – освоить те разделы дисциплины, которые не были затронуты в процессе аудиторных занятий, но предусмотрены рабочей программой, а также расширить границы получаемых знаний, умений и навыков (владений) в процессе дополнительного изучения отдельных тем, решении практических задач, исследования отдельных вопросов дисциплины с помощью учебно-методической литературы; подготовиться к занятиям лекционного и семинарского типа.

### Таблица 4. Содержание самостоятельной работы студентов

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| №  п/п | Вид самостоятельной работы | Разделы или темы  рабочей программы | Форма отчетности |
| **1 семестр** | | | |
| 1 | Подбор и обзор литературы по теме | тема 1, тема 2, тема 3 | Устный опрос |
| 2 | Подготовка к практическим занятиям | тема 1, тема 2, тема 3 | Основные факты по данной теме в письменном виде |
| 3 | Подготовка к контрольной точке | тема 1, тема 2, тема 3 | Стандартные задачи |
| Всего часов: | | 81 час |  |
| **2 семестр** | | | |
| 4 | Самоподготовка по материалам лекций | тема 4, тема 5, тема 6 | Устный опрос |
| 5 | Подготовка к практическим занятиям | тема 4, тема 5, тема 6 | Основные факты по данной теме в письменном виде |
| 6 | Выполнение упражнений, выдаваемых на практических занятиях | тема 4, тема 5, тема 6 | Предоставление в письменном виде |
| 7 | Ответы на контрольные вопросы по темам модуля | тема 4, тема 5, тема 6 | Устный опрос |
| 8 | Подготовка к контрольной точке | тема 4, тема 5, тема 6 | Стандартных задачи |
| 9 | Решение домашней контрольной работы | тема 4, тема 5, тема 6 | Предоставление К.р. |
| Всего часов: | | 64,75 час |  |
| **3 семестр** | | | |
| 10 | Самоподготовка по материалам лекций | тема 7, тема 8, тема 9 | Устный опрос |
| 11 | Подготовка к практическим занятиям | тема 7, тема 8, тема 9 | Основные факты по данной теме в письменном виде |
| 12 | Выполнение упражнений, выдаваемых на практических занятиях | тема 7, тема 8, тема 9 | Предоставление в письменном виде |
| 13 | Решение домашней контрольной работы | тема 7, тема 8, тема 9 | Предоставление к.р. |
| **Всего часов:** | | 99 час |  |

**5. Учебно-методическое обеспечение дисциплины (модуля).**

### Таблица 5.1. Основная литература

|  |  |
| --- | --- |
| №  п/п | Наименование, библиографическое описание |
| 1 | Горлач, Б.А. Линейная алгебра и аналитическая геометрия [Электронный ресурс] : учебник / Б.А. Горлач. - Электрон. дан. - Санкт-Петербург : Лань, 2017. - 300 с. - Режим доступа: https://e.lanbook.com/book/99103. |
| 2 | Беклемишев, Д.В. Курс аналитической геометрии и линейной алгебры [Электронный ресурс] : учебник / Д.В. Беклемишев. - Электрон. дан. - Санкт-Петербург : Лань, 2018. - 448 с. - Режим доступа: https://e.lanbook.com/book/98235. |
| 3 | Сборник задач по аналитической геометрии и линейной алгебре [Электронный ресурс] : учебное пособие / Л.А. Программа дисциплины "Дополнительные главы алгебры и геометрии"; 02.03.02 Фундаментальная информатика и информационные технологии; главный научный сотрудник, д.н. (профессор) Латыпов Р.Х. Регистрационный номер Страница 11 из 13. Беклемишева [и др.]. - Электрон. дан. - Санкт-Петербург : Лань, 2018. - 496 с. - Режим доступа: https://e.lanbook.com/book/109625. |
| 4 | Беклемишева, Л.А. Сборник задач по аналитической геометрии и линейной алгебре [Электронный ресурс] : учебное пособие / Л.А. Беклемишева, Д.В. Беклемишев, А.Ю. Петрович, И.А. Чубаров. - Электрон. дан. - Санкт-Петербург : Лань, 2018. - 496 с. - Режим доступа: https://e.lanbook.com/book/109625. - Загл. с экрана. |
| 5 | Сборник задач по аналитической геометрии и линейной алгебре [Электронный ресурс] : учебное пособие / под ред. Смирнова Ю.М.. - Электрон. дан. - Москва : МЦНМО, 2016. - 391 с. - Режим доступа: https://e.lanbook.com/book/80147 |
| 6 | Новиков, А.И. Начала линейной алгебры и аналитическая геометрия [Электронный ресурс] : учебное пособие / А.И. Новиков. - Электрон. дан. - Москва : Физматлит, 2015. - 376 с. = Режим доступа: https://e.lanbook.com/book/71997. |
| 7 | Александров, П.С. Курс аналитической геометрии и линейной алгебры [Электронный ресурс] : учебник / П.С. Александров. - Электрон. дан. - Санкт-Петербург : Лань, 2009. - 512 с. - Режим доступа: https://e.lanbook.com/book/493. - Загл. с экрана. |
| 8 | Кадомцев, С.Б. Аналитическая геометрия и линейная алгебра [Электронный ресурс] : учебное пособие / С.Б. Кадомцев. - Электрон. дан. - Москва : Физматлит, 2011. - 168 с. - Режим доступа: https://e.lanbook.com/book/2187. - Загл. с экрана. |

### Таблица 5.2. Дополнительная литература

|  |  |
| --- | --- |
| №  п/п | Наименование, библиографическое описание |
| 1 | Курош А.Г. Курс высшей алгебры : учеб.для вузов. – М.: Наука, 1968. – 431 с. |
| 2 | Проскуряков И.В. Сборник задач по линейной алгебре: учеб. Пособие. – М.: Наука, 2000. |
| 3 | Кострикин А.И. Введение в алгебру. Часть 1: Основы алгебры - М.: МЦНМО, 2009-272 с. |
| 4 | Лунгу К.Н., Письменный Д.Т., Федин С.Н., Шевченко Ю.А.Сборник задач по высшей математике. 1 курс.- М.:Айрис-пресс, 2004.-576с.:ил.-(Высшее образование) |

### Таблица 5.3. Ресурсы информационно-телекоммуникационной сети «Интернет»

|  |  |
| --- | --- |
| *№*  *п/п* | *Название (адрес в Интернет)* |
| 1 | Гельфанд И.М. - Лекции по линейной алгебре  http://bookfi.org/book/467606 |
| 2 | Курош А.Г. - Курс высшей алгебры  <http://bookfi.org/book/638225> |
| 3 | Бутузов В.Ф. - Линейная алгебра в вопросах и задачах  http://www.libedu.ru/l\_b/butuzov\_v\_f\_/lineinaja\_algebra\_v\_voprosah\_i\_zadachah.html |
| 4 | Ильин В.А., Позняк Э.Г. Линейная алгебра  http://www.newlibrary.ru/book/ilin\_v\_a\_\_\_poznjak\_ye\_g\_/lineinaja\_algebra.html |
| 5 | Стренг Г. - Линейная алгебра и ее применения  http://www.newlibrary.ru/book/streng\_g\_/lineinaja\_algebra\_i\_ee\_primenenija.html |
| 6 | Мишина А.П., Проскуряков И.В. - Высшая алгебра  http://reslib.com/book/Visshaya\_algebra#1 |
| 7 | Электронные книги по высшей математике  http://mathserfer.com/books.php |
| 8 | Электронная библиотека механико-математического факультета Московского государственного университета- www.lib.mexmat.ru/bookks/41 |
| 9 | Новая электронная библиотека- [www.newlibrary.ru](http://www.newlibrary.ru) |
| 10 | Российское образование(федеральный портал)- [www.edu.ru](http://www.edu.ru) |
| 11 | Нехудожественная библтотека- [www.nehudlit.ru](http://www.nehudlit.ru) |

1. **Образовательные технологии**

Таблица 6. Образовательные технологии

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| **№ п/п** | **Наименование раздела** | **Виды учебных занятий** | **Образовательные технологии** |
| **1** | **2** | **3** | **4** |
| *1.* | **Модуль 1-3** | Лекция по теме 1  Практические занятия по темам  Самостоятельная работа | Вводная лекция с использованием видеоматериалов  Развернутая беседа с обсуждением докладов  Консультирование и проверка домашних заданий посредством электронной почты  Выполнение заданий, тестов в системе Moodle |
| *2.* | **Модуль 4-6** | Лекции по темам 4,5,6  Практические занятия по темам  Самостоятельная работа | Использование видеоматериалов  Развернутая беседа с обсуждением докладов  Консультирование и проверка домашних заданий посредством электронной почты  Выполнение заданий, тестов в системе Moodle |
| *3.* | **Модуль 7-9** | Лекции по темам 7,8,9  Практические занятия по темам  Самостоятельная работа | Использование видеоматериалов  Развернутая беседа с обсуждением докладов  Консультирование и проверка домашних заданий посредством электронной почты  Выполнение заданий, тестов в системе Moodle |

**7. Методические рекомендации по дисциплине (модулю).**

**Методические рекомендации преподавателю**

Изучив содержание учебной дисциплины, целесообразно разработать матрицу наиболее предпочтительных методов обучения и форм самостоятельной работы студентов, адекватных видам лекционных и семинарских занятий.

Необходимо предусмотреть развитие форм самостоятельной работы, выводя студентов к завершению изучения учебной дисциплины на её высший уровень. По учебному плану предусмотрено проведение разного типа занятий.

Вузовская лекция – главное звено дидактического цикла обучения. Её цель – формирование у студентов ориентировочной основы для последующего усвоения материала методом самостоятельной работы. Содержание лекции должно отвечать следующим дидактическим требованиям:

* изложение материала от простого к сложному;
* логичность, четкость и ясность в изложении материала;
* возможность проблемного изложения, дискуссии, диалога с целью активизации деятельности студентов;
* опора смысловой части лекции на подлинные факты, события, явления, статистические данные;
* тесная связь теоретических положений и выводов с практикой и будущей профессиональной деятельностью студентов.

Преподаватель, читающий лекционные курсы в вузе, должен знать существующие в педагогической науке и используемые на практике варианты лекций, их дидактические и воспитывающие возможности, а также их методическое место в структуре процесса обучения.

Лекции читаются с использованием наглядных пособий и электронных презентаций, с применением современных методов обучения, стимулирующих познавательную активность. В начале каждого практического занятия преподаватель организует повторение изученного на лекции материала по контрольным вопросам к данному практическому занятию, вспоминает со студентами понятийный аппарат. При возникновении затруднений у студентов при решении задач преподаватель подробно разбирает каждый шаг решения с обязательным вовлечением студентов группы в процесс обсуждения алгоритма решения задачи.

В условиях преобладающего теоретического обучения обязательным условием для формирования умений и навыков является усвоение теоретического материала, поэтому вопросы контроля должны проверять тот теоретический материал, содержание которого представлено в конспекте лекции и указанной литературе. Перечень рассматриваемых вопросов по теме преподаватель формирует во время чтения лекции.

По уровню сложности предусматриваются самые различные вопросы, предполагающие воспроизведение и закрепление теоретического материала, проверку его осмысления, вопросы на обобщение, анализ и синтез и др. Обязательно предусматриваются контрольные вопросы на проверку усвоения определений ключевых понятий, знание фактов, теорий, концепций, то есть всего того, что определяет основное содержание темы.

Вопросы и задания для контроля должны позволить студентам самостоятельно определить уровень усвоения учебного материала по теме, представленного в лекции, на практическом занятии.

Семинар проводится по узловым и наиболее сложным вопросам (темам, разделам) учебной программы. Он может быть построен как на материале одной лекции, так и на содержании обзорной лекции, а также по определённой теме без чтения предварительной лекции. Главная и определяющая особенность любого семинара – наличие элементов дискуссии, проблемности, диалога между преподавателем и студентами и самими студентами.

При подготовке классического семинара желательно придерживаться следующего алгоритма:

*а) разработка учебно-методического материала:*

* формулировка темы, соответствующей программе;
* определение дидактических, воспитывающих и формирующих целей занятия;
* выбор методов, приемов и средств обучения для проведения семинара;
* подбор литературы для преподавателя и студентов;
* при необходимости проведение консультаций для студентов;

*б) подготовка студентов и преподавателя:*

* составление плана семинара из 3-4 вопросов;
* предоставление студентам 4-5 дней для подготовки к семинару;
* предоставление рекомендаций о последовательности изучения литературы (учебники, учебные пособия, законы и постановления, руководства и положения, конспекты лекций, статьи, справочники, информационные сборники и бюллетени, статистические данные и др.);
* создание набора наглядных пособий.

Подводя итоги семинара, можно использовать следующие критерии (показатели) оценки ответов:

* полнота и конкретность ответа;
* последовательность и логика изложения;
* связь теоретических положений с практикой;
* обоснованность и доказательность излагаемых положений;
* наличие качественных и количественных показателей;
* наличие иллюстраций к ответам в виде исторических фактов, примеров и пр.;
* уровень культуры речи;
* использование наглядных пособий и т.п.

В конце семинара рекомендуется дать оценку всего семинарского занятия, обратив особое внимание на следующие аспекты:

* качество подготовки;
* степень усвоения знаний;
* активность;
* положительные стороны в работе студентов;
* ценные и конструктивные предложения;
* недостатки в работе студентов;
* задачи и пути устранения недостатков.

При проведении аттестации студентов важно всегда помнить, что систематичность, объективность, аргументированность – главные принципы, на которых основаны контроль и оценка знаний студентов. Знание критериев оценки знаний обязательно для преподавателя и студента.

**Методические указания студентам по дисциплине**

Профессиональная подготовка в современных вузах строится по принципу «от теории к практике», что создает базу для формирования умений и владений (навыков) на основе усвоения теоретического материала. Именно поэтому следует особое внимание уделять качеству усвоения теоретического материала.

Изучение дисциплины предусматривает лекционные и практические занятия, а также самостоятельную работу. Изучение курса завершается промежуточной аттестацией. Успешное изучение курса требует посещения лекций, активной работы на практических занятиях, выполнения всех учебных заданий, ознакомления с основной и дополнительной литературой.

Цель лекции – формирование ориентировочной основы для последующего усвоения студентами учебного материала. Лекция в процессе изучения дисциплины позволяет представить студенту новый учебный материал, разъяснить темы, трудные для понимания, систематизировать учебный материал, сориентировать в структуре и содержании учебного процесса.

В ходе лекций преподаватель излагает и разъясняет основные, наиболее сложные понятия темы, а также связанные с ней теоретические и практические проблемы, дает рекомендации для практического занятия и указания для выполнения самостоятельной работы.

В ходе лекционных занятий обучающемуся необходимо вести конспектирование учебного материала. Обращать внимание на категории, формулировки, раскрывающие содержание изучаемой дисциплины, научные выводы и практические рекомендации.

Материал каждой лекции должен быть проработан: должны быть выделены определения, понятия, законы, теоремы и их доказательства (при наличии). Должна быть усвоена логическая связь элементов изученного материала.

При параллельной работе с учебной литературой необходимо конспектировать прорабатываемый материал. Все непонятные моменты следует обязательно разобрать с преподавателем на занятии или в рамках СР.

Подготовка к лекции заключается в следующем: прочитайте учебный материал по теме лекции в учебниках и учебных пособиях, уясните место изучаемой темы в своей профессиональной подготовке, выпишите основные термины, уясните, какие учебные элементы остались для вас неясными, запишите вопросы, которые вы зададите лектору на лекции.

Практическое занятие – форма организации обучения, которая направлена на формирование практических умений и навыков и является связующим звеном между самостоятельным теоретическим освоением студентами учебной дисциплины и применением ее положений на практике. Практическое занятие позволяет развить у студентов профессиональную культуру и профессиональную коммуникацию. Преподаватель в этом случае является координатором обсуждений предложенных практических заданий, подготовка которых является обязательной. Поэтому тема, практические задания и основные источники обсуждения предлагаются студентам заранее. Цели обсуждения и выполнения заданий направлены на формирование знаний, умений и навыков профессиональной полемики и формирование компетенций. На этапе подготовки доминирует самостоятельная работа студентов по решению проблем и заданий, а в процессе занятия идет активное обсуждение, дискуссии и выступления студентов, где они под руководством преподавателя делают обобщающие выводы и заключения.

Зная тему практического занятия, необходимо готовиться к нему заблаговременно: читать рекомендованную и дополнительную литературу, конспект лекций, методические указания к практическим занятиям, структурировать материал, составлять словарь терминов, отвечать на контрольные вопросы, решать ситуационные задачи и т.п. На практическом занятии вы можете получить консультацию преподавателя по любому учебному вопросу изучаемой темы.

Под самостоятельной работой студентов понимают учебную деятельность студентов, которая организована преподавателями, но осуществляется студентом без непосредственного участия преподавателя в учебной деятельности студента. Все виды самостоятельной работы студентов по дисциплине представлены в фонде оценочных средств. Четкая организация самостоятельной работы студентов делает ее эффективной. Это обеспечивается предоставлением студентам: учебных и учебно-методических пособий; тематических планов лекций, практических занятий, образцов контрольных работ, тестов, кейсов и др.; перечня знаний и умений, которыми они должны овладеть при изучении дисциплины; информации о процедуре сдачи зачета и экзамена и др. Ответы представляются в письменной форме (печатной, непосредственно преподавателю, или электронной).

Самостоятельная работа студента является основным средством овладения учебным материалом во время, свободное от обязательных учебных занятий. Она включает в себя выполнение различного рода заданий, которые ориентированы на более глубокое усвоение материала изучаемой дисциплины. По каждой теме учебной дисциплины студентам предлагается перечень заданий для самостоятельной работы.

К выполнению заданий для самостоятельной работы предъявляются следующие требования: задания должны исполняться самостоятельно и представляться в установленный срок, а также соответствовать установленным требованиям по оформлению. Студентам следует: руководствоваться графиком самостоятельной работы, выполнять все плановые задания, выдаваемые преподавателем для самостоятельного выполнения, и разбирать на семинарах и консультациях неясные вопросы; при подготовке к экзамену параллельно прорабатывать соответствующие теоретические и практические разделы дисциплины, фиксируя неясные моменты для их обсуждения на консультации с преподавателем.

Самостоятельная работа студентов является обязательным компонентом образовательного процесса, так как она обеспечивает закрепление получаемых на лекционных занятиях знаний путем приобретения навыков осмысления и расширения их содержания, навыков решения актуальных проблем формирования общекультурных и профессиональных компетенций, научно-исследовательской деятельности, подготовки к семинарам, лабораторным работам, сдаче зачетов и экзаменов.

Подготовка к промежуточной аттестации ведется на основе полученного лекционного материала и рекомендованной литературы, осмысления работы на практических занятиях и самостоятельной работы.

**8. Обеспечение образовательного процесса для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов**

В ходе реализации дисциплины используются следующие дополнительные методы обучения, текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации обучающихся в зависимости от их индивидуальных особенностей:

* для слепых и слабовидящих:

- лекции оформляются в виде электронного документа, доступного с помощью компьютера со специализированным программным обеспечением;

- письменные задания выполняются на компьютере со специализированным программным обеспечением, или могут быть заменены устным ответом;

- обеспечивается индивидуальное равномерное освещение не менее 300 люкс;

- для выполнения задания при необходимости предоставляется увеличивающее устройство; возможно также использование собственных увеличивающих устройств;

- письменные задания оформляются увеличенным шрифтом;

- экзамен и зачёт проводятся в устной форме или выполняются в письменной форме на компьютере.

* для глухих и слабослышащих:

- лекции оформляются в виде электронного документа, либо предоставляется звукоусиливающая аппаратура индивидуального пользования;

- письменные задания выполняются на компьютере в письменной форме;

- экзамен и зачёт проводятся в письменной форме на компьютере; возможно проведение в форме тестирования.

* для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- лекции оформляются в виде электронного документа, доступного с помощью компьютера со специализированным программным обеспечением;

- письменные задания выполняются на компьютере со специализированным программным обеспечением;

- экзамен и зачёт проводятся в устной форме или выполняются в письменной форме на компьютере.

При необходимости предусматривается увеличение времени для подготовки ответа.

Процедура проведения промежуточной аттестации для обучающихся устанавливается с учётом их индивидуальных психофизических особенностей. Промежуточная аттестация может проводиться в несколько этапов.

При проведении процедуры оценивания результатов обучения предусматривается использование технических средств, необходимых в связи с индивидуальными особенностями обучающихся. Эти средства могут быть предоставлены университетом, или могут использоваться собственные технические средства.

Проведение процедуры оценивания результатов обучения допускается с использованием дистанционных образовательных технологий.

Обеспечивается доступ к информационным и библиографическим ресурсам в сети Интернет для каждого обучающегося в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

* для слепых и слабовидящих:

- в печатной форме увеличенным шрифтом;

- в форме электронного документа;

- в форме аудиофайла.

* для глухих и слабослышащих:

- в печатной форме;

- в форме электронного документа.

* для обучающихся с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- в печатной форме;

- в форме электронного документа;

- в форме аудиофайла.

Учебные аудитории для всех видов контактной и самостоятельной работы, научная библиотека и иные помещения для обучения оснащены специальным оборудованием и учебными местами с техническими средствами обучения.

**9. Материально-техническое обеспечение дисциплины (модуля).**

Лекционные занятия проводятся в аудиториях, предоставляемых деканатом факультета в соответствии с расписанием.

На отдельных занятиях необходимы видеопроектор с экраном (или компьютерный класс).

# 10. Лист регистрации изменений

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Номер  изменения | Номера листов | | | Основание для внесения изменения | Подпись | Расшифровка подписи | Дата | Дата  введения изменения |
| замененных | новых | аннулированных |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |